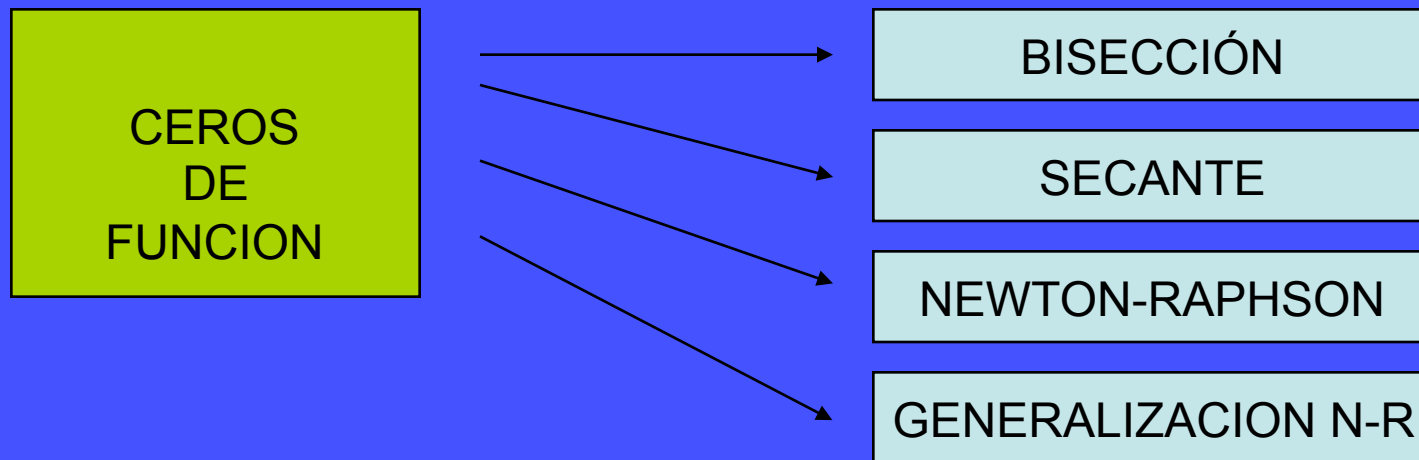
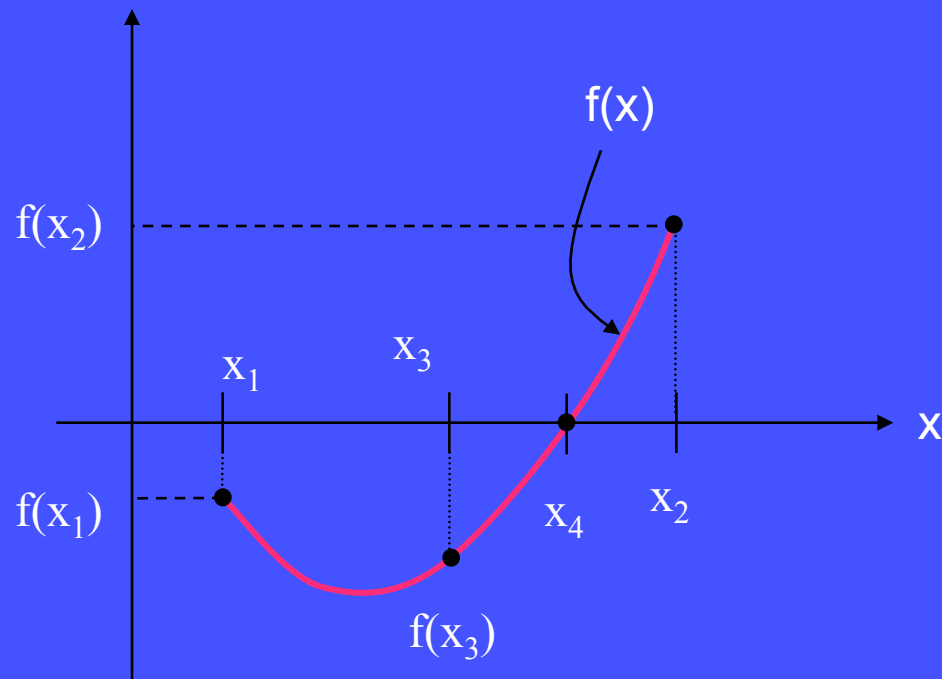


## CEROS DE FUNCION



# BISECCIÓN



$$f(x_1) * f(x_2) < 0$$

$$x_3 = \frac{x_1 + x_2}{2}$$

$$f(x_3) = 0 \quad ? \quad \text{mejor} \quad f(x_3) \leq \varepsilon \quad ?$$

$$f(x_1) * f(x_3) < 0$$

$$x_4 = \frac{x_3 + x_2}{2}$$

$$f(x_4) = 0 \quad ? \quad \text{mejor} \quad f(x_4) \leq \varepsilon \quad ?$$

Etc....

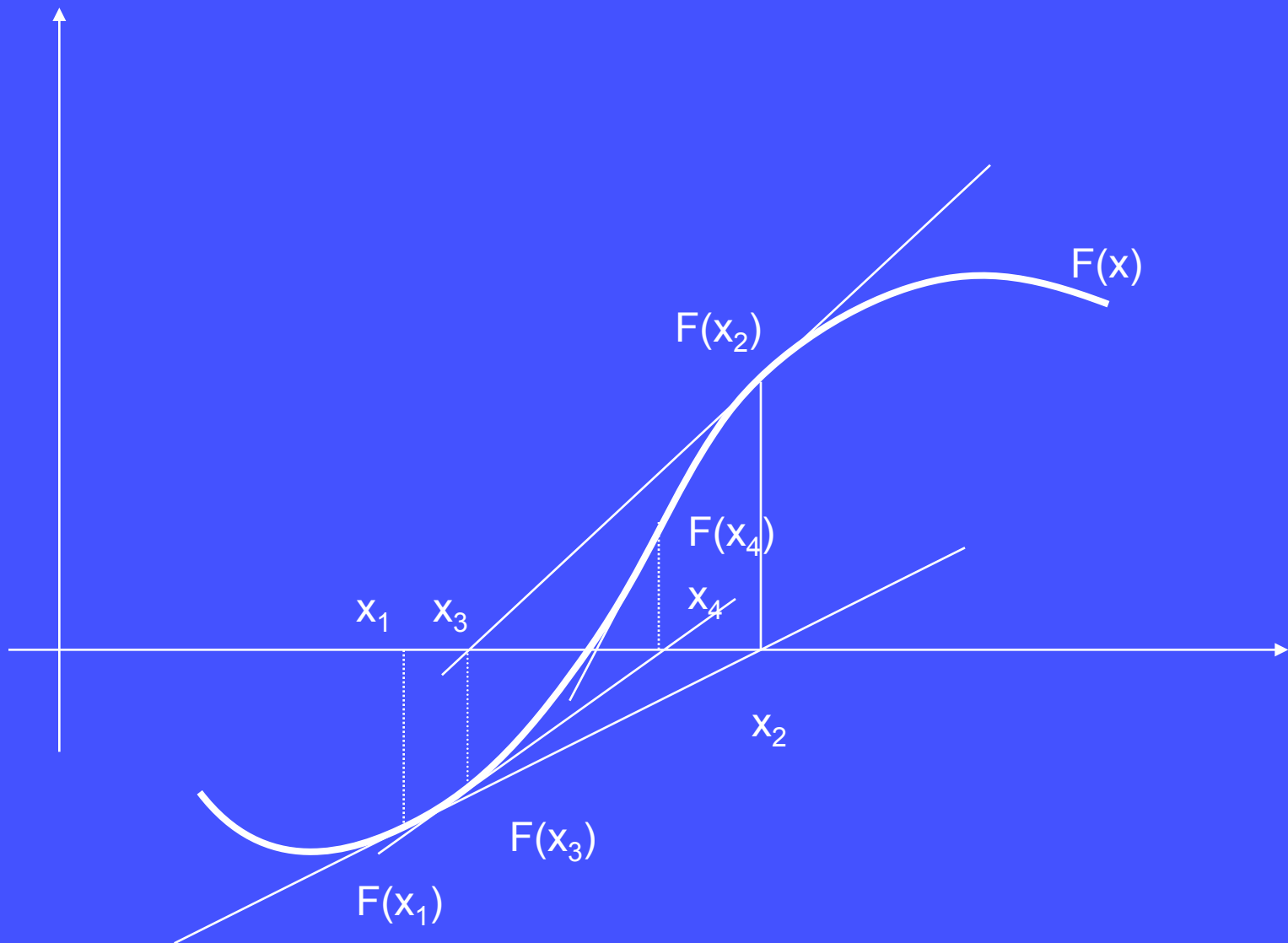
## NEWTON-RAPHSON

$$f(x) = f(x_0) + \frac{f'(x_0)}{1!}(x - x_0) + \frac{f''(x_0)}{2!}(x - x_0)^2 + \dots$$

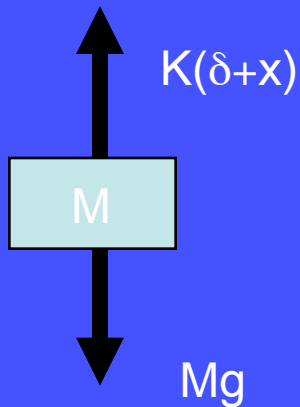
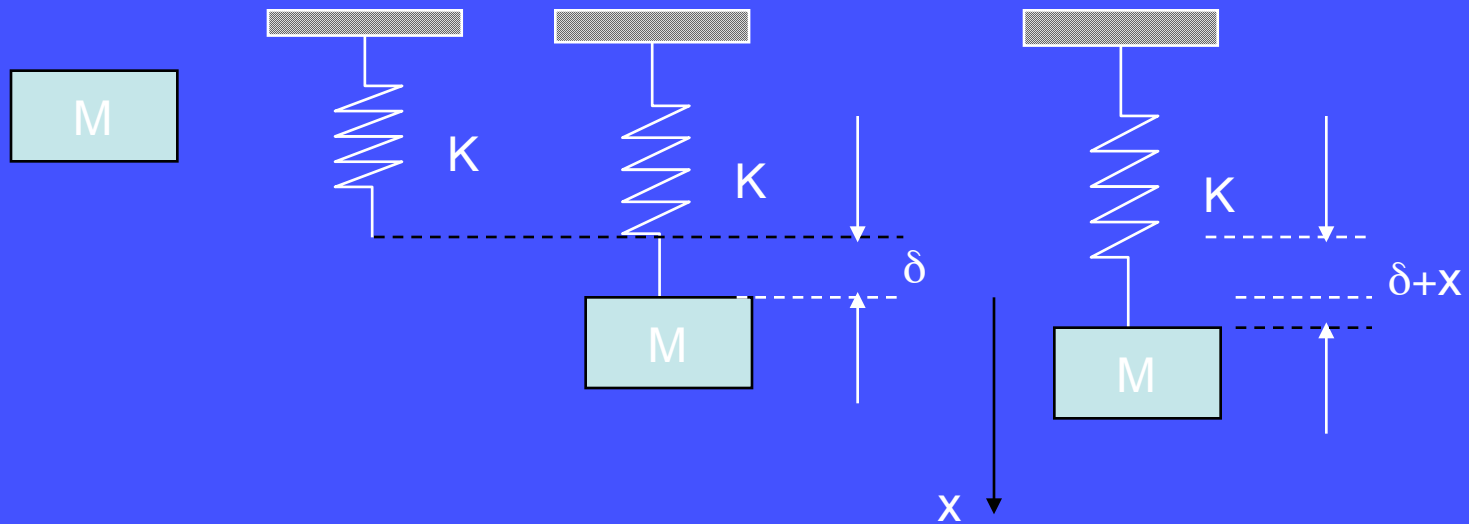
Se eliminan términos de segundo orden y mayores....

$$0 \approx f(x_i) + f'(x_i)(x_{i+1} - x_i)$$

$$x_{i+1} = x_i - \frac{f(x_i)}{f'(x_i)}$$



# Sistema Masa-resorte



$$\sum F_x = M\ddot{x}$$

$$Mg - K(\delta + x) = M\ddot{x}$$

$$M\ddot{x} + Kx + (K\delta - Mg) = 0$$

$$(K\delta - Mg) = 0$$

$$M\ddot{x} + Kx = 0$$

$$M\ddot{x} + Kx = 0$$

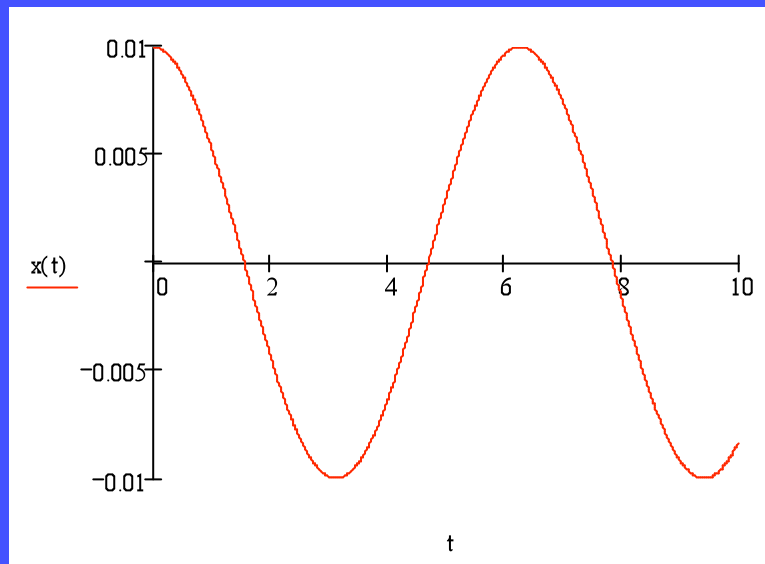
$$\text{si} \quad x(0) = X_0 \quad \dot{x}(0) = 0$$

$$x(t) = X_0 \cos\left(\sqrt{\frac{K}{M}}t\right)$$

$$K=1$$

$$M=1$$

$$X_0=0.01$$



Otro Ejemplo:

Se desea determinar el coeficiente de arrastre que posee un cuerpo que cae en un campo gravitatorio al interior de un fluido.

Solución:

Se tiene:

$$v = \frac{mg}{c} \left[ 1 - e^{-\frac{c}{m}t} \right]$$

Se pueden considerar conocidas:

$m, g, v(t=00)$

Se debe despejar  $c$

Ecuación trascendental donde  $c$  no puede ser despejado en forma analítica

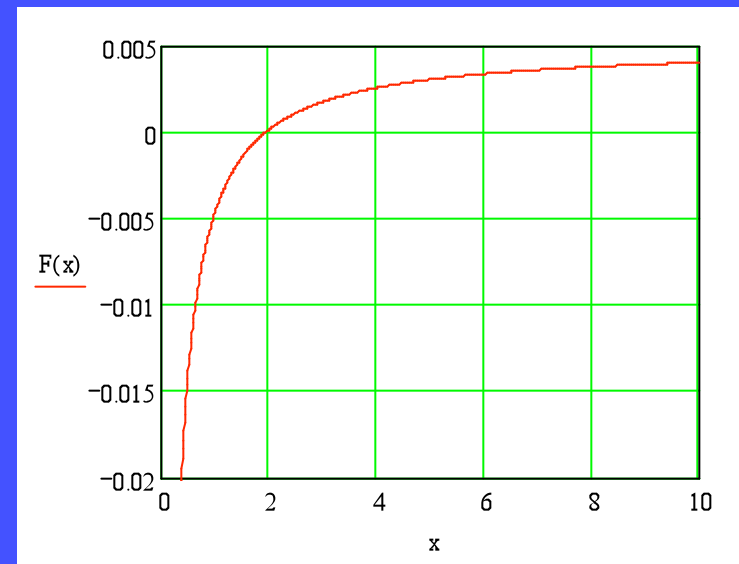
Aplicamos Newton-Rapshon

¿Cuál es la Función que debemos igualar a cero?

$$F(c) = v - \frac{mg}{c} \left[ 1 - e^{-\frac{c}{m}t_\infty} \right]$$

Datos  $v = 0.05$  m/s  $m = 0.001$  kg  $g = 9.81$  m/s<sup>2</sup>  $t = 100$  s

$$F'(c) = \frac{mg}{c^2} - \frac{g}{c} \left[ \frac{m}{c} + t_\infty \right] e^{-\frac{c}{m}t_\infty}$$





Otro Ejemplo:

$$e^{-x} - x = 0 \quad f(x) = e^{-x} - x \quad f'(x) = -e^{-x} - 1$$

$$x_{i+1} = x_i - \frac{e^{-x_i} - x_i}{-e^{-x_i} - 1}$$

n	x	f(x)	f'(x)
1	0	1	-2
2	0.5	0.10653065971263300000000000000000	-1.60653066
3	0.566311	0.00130450980602004000000000000000	-1.56761551
4	0.56714317	0.00000019648047178133500000000000	-1.56714336
5	0.56714329	0.000000000000000044408920985006300	-1.56714329
6	0.56714329	0.00000000000000000000000000000000	-1.56714329

## GENERALIZACION N-R

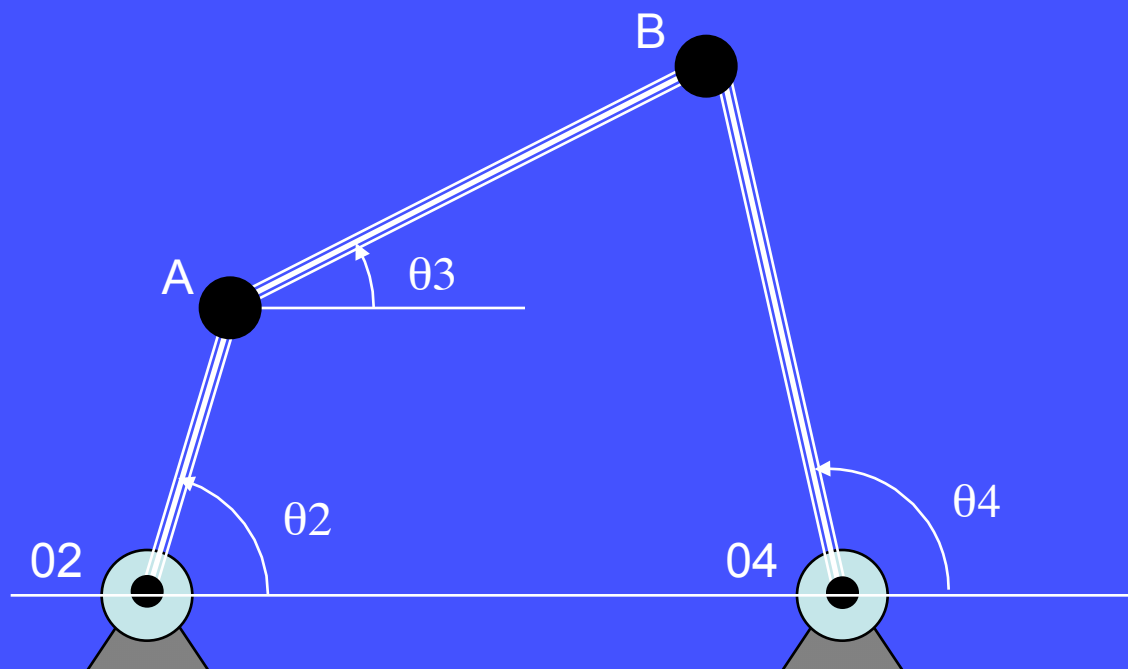
$$\{\phi(q)\} = \{\phi(q_0)\} + [\phi(q_0)](q - (q_0)) + \dots$$

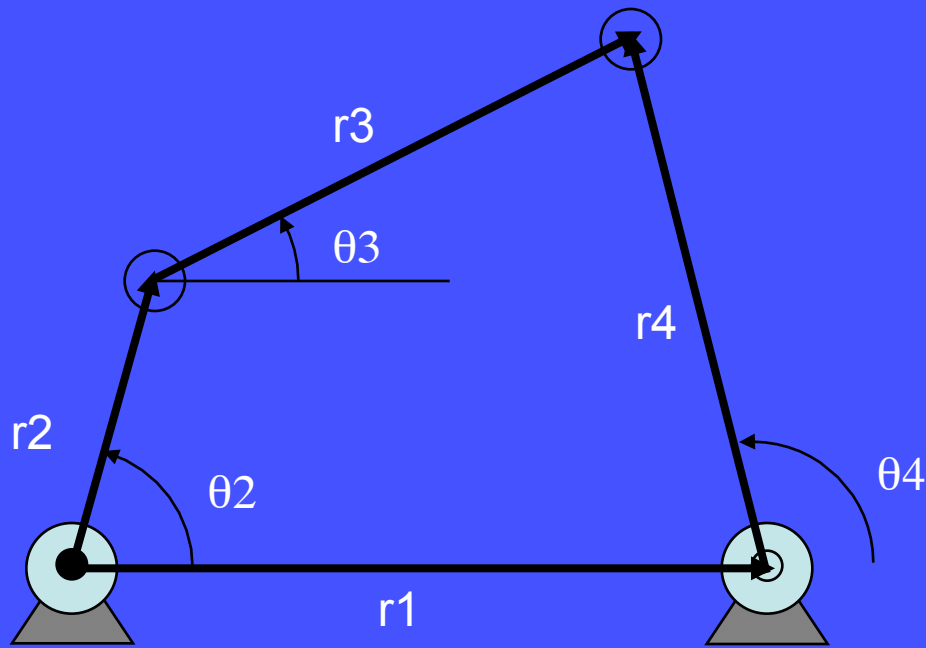
$$\{\phi(q)\} = 0$$

$$0 = \{\phi(q_{0i})\} + [\phi(q_{0i})](q_{i+1}) - (q_{0i}))$$

$$(q_{i+1}) = (q_i) - [\phi(q_i)]^{-1} \{\phi(q_i)\}$$

# Problema de posición





$$\vec{r}_1 + \vec{r}_4 = \vec{r}_2 + \vec{r}_3$$

$$r_1 = r_2 \cos(\theta_2) + r_3 \cos(\theta_3) - r_4 \cos(\theta_4)$$

$$0 = r_2 \sin(\theta_2) + r_3 \sin(\theta_3) - r_4 \sin(\theta_4)$$

$$\phi_1 = r_2 \cos(\theta_2) + r_3 \cos(\theta_3) - r_4 \cos(\theta_4) - r_1$$

$$\phi_2 = r_2 \text{sen}(\theta_2) + r_3 \text{sen}(\theta_3) - r_4 \text{sen}(\theta_4)$$

$$\{0\} = \{\phi(q_i)\} + [\phi(q_i)]((q_{i+1}) - (q_i))$$

$$\{\phi(q_i)\} = \begin{Bmatrix} \phi_1(\theta_{3i}, \theta_{4i}) \\ \phi_2(\theta_{3i}, \theta_{4i}) \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} r_2 \cos(\theta_2) + r_3 \cos(\theta_{3i}) - r_4 \cos(\theta_{4i}) - r_1 \\ r_2 \text{sen}(\theta_2) + r_3 \text{sen}(\theta_{3i}) - r_4 \text{sen}(\theta_{4i}) \end{Bmatrix}$$

$$(q_i) = (\theta_{3i}, \theta_{4i})$$

$$[\phi(q_i)] = \begin{bmatrix} \frac{\partial \phi_1}{\partial \theta_3} & \frac{\partial \phi_1}{\partial \theta_4} \\ \frac{\partial \phi_2}{\partial \theta_3} & \frac{\partial \phi_2}{\partial \theta_4} \end{bmatrix}$$

$$\begin{aligned} \frac{\partial \phi_1}{\partial \theta_3} &= -r_3 \text{sen}(\theta_3) & \frac{\partial \phi_1}{\partial \theta_4} &= r_4 \text{sen}(\theta_4) \\ \frac{\partial \phi_2}{\partial \theta_3} &= r_3 \text{cos}(\theta_3) & \frac{\partial \phi_2}{\partial \theta_4} &= -r_4 \text{cos}(\theta_4) \end{aligned}$$

$$\begin{Bmatrix} r_2 \text{cos}(\theta_2) + r_3 \text{cos}(\theta_{3i}) - r_4 \text{cos}(\theta_{4i}) - r_1 \\ r_2 \text{sen}(\theta_2) + r_3 \text{sen}(\theta_{3i}) - r_4 \text{sen}(\theta_{4i}) \end{Bmatrix} + \begin{bmatrix} -r_3 \text{sen}(\theta_{3i}) & r_4 \text{sen}(\theta_{4i}) \\ r_3 \text{cos}(\theta_{3i}) & -r_4 \text{cos}(\theta_{4i}) \end{bmatrix} \left( \begin{pmatrix} \theta_3 \\ \theta_4 \end{pmatrix}_{i+1} - \begin{pmatrix} \theta_3 \\ \theta_4 \end{pmatrix}_i \right) = \begin{Bmatrix} 0 \\ 0 \end{Bmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} \theta_3 \\ \theta_4 \end{pmatrix}_{i+1} = \begin{pmatrix} \theta_3 \\ \theta_4 \end{pmatrix}_i - \begin{bmatrix} -r_3 \text{sen}(\theta_{3i}) & r_4 \text{sen}(\theta_{4i}) \\ r_3 \cos(\theta_{3i}) & -r_4 \cos(\theta_{4i}) \end{bmatrix}^{-1} \begin{Bmatrix} r_2 \cos(\theta_2) + r_3 \cos(\theta_{3i}) - r_4 \cos(\theta_{4i}) - r_1 \\ r_2 \text{sen}(\theta_2) + r_3 \text{sen}(\theta_{3i}) - r_4 \text{sen}(\theta_{4i}) \end{Bmatrix}$$

Ejemplo:

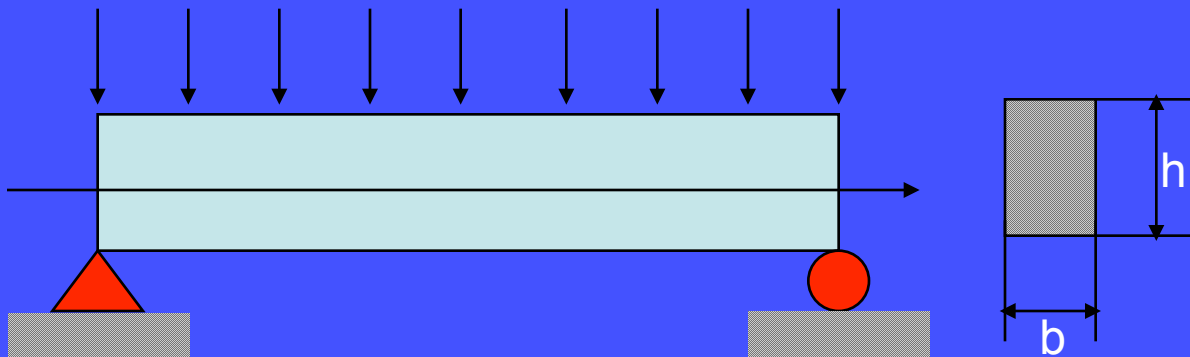
R1=1; R2=0.3; R3=0.9; R4=0.9 ángulo inicial de barra 2 = 1.0 rad



MathCad

## Ejemplo

Se desea determinar la relación altura y ancho de una viga de sección rectangular de largo 1.0 m que se encuentra sometida a flexión mediante una carga distribuida, la viga tiene una tensión admisible de 50 MPa, la carga aplicada es de 10000 N/m. y la deflexión máxima debe ser igual a 15 mm.



La tensión máxima se produce en el centro de la viga y está dada por

$$\sigma = \frac{Mc}{I}$$

Se escribe en función de las variables independientes y representa  
Una restricción del problema.

$$\sigma = \frac{3qL^2}{bh^2}$$

La deflexión máxima esta dada por:

$$\delta_{\max} = \frac{5qL^4}{384EI}$$

Se escribe en función de las variables independientes y representa  
Una restricción del problema.

$$\delta_{\max} = \frac{5qL^4}{32bh^3}$$



$$\phi_1(b, h) = \sigma_{adm} - \frac{3qL^2}{bh^2}$$

$$\phi_2(b, h) = \delta_{max} - \frac{5qL^4}{32bh^3}$$

$$[\phi(q_i)] = \begin{bmatrix} \frac{\partial \phi_1}{\partial b} & \frac{\partial \phi_1}{\partial h} \\ \frac{\partial \phi_2}{\partial b} & \frac{\partial \phi_2}{\partial h} \end{bmatrix}$$

$$\{0\} = \{\phi(q_i)\} + [\phi(q_i)]((q_{i+1}) - (q_i))$$

$$\{\Phi(b, h)\} = \begin{Bmatrix} \sigma_{adm} - \frac{3qL^2}{bh^2} \\ \delta_{max} - \frac{5qL^4}{32bh^3} \end{Bmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} b \\ h \end{pmatrix}_{i+1} = \begin{pmatrix} b \\ h \end{pmatrix}_i - \begin{bmatrix} \frac{30000}{b^2h^2} & \frac{60000}{bh^3} \\ \frac{3125}{2b^2h^3} & \frac{9375}{2bh^4} \end{bmatrix}^{-1} \begin{Bmatrix} \sigma_{adm} - \frac{3qL^2}{bh^2} \\ \delta_{max} - \frac{5qL^4}{32bh^3} \end{Bmatrix}$$